



Забрањена је употреба графитне („обичне“) оловке. У сваком задатку коначан одговор уписати у одговарајуће поље. У загради поред сваког задатка стоји број поена које тај задатак носи. Испит се ради максимално 150 min.

Име и презиме:

Број индекса:

1.	2.	3.	4.	5.	6.	Сума

Наставна група:

Сала:

1. [10] Доказати да су интегрални  $J_1 = \int_0^1 \frac{\sin^2 \frac{\pi x}{2}}{\sqrt{x-x^2}} dx$  и  $J_2 = \int_0^1 \frac{\cos^2 \frac{\pi x}{2}}{\sqrt{x-x^2}} dx$  једнаки, и користећи се том чињеницом, израчунати их.

Одговор :

[7+2] а) Наћи опште решење диференцијалне једначине  $y' + 2ye^x - y^2 = e^{2x} + e^x$ , ако је познато да је једно њено партикуларно решење облика  $y_p(x) = ae^x$ .  
 б) За коју вредност неодређене константе  $C$  се из општег решења добија партикуларно решење  $y_p$  ?

Одговор :

3. [6] Колико постоји шестоцифрених природних бројева у којима се појављују цифре 0 или 7?

Одговор :

<p>4. [9] Испитати конвергенцију степеног реда <math>\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!}</math>, а потом, на интервалу конвергенције наћи његову суму у затвореном облику.</p>	<p><u>Одговор :</u></p>
<p>5. [6+2] а) Одредити карактеристични полином, сопствене вредности, као и сопствени вектор који одговара највећој сопственој вредности, матрице <math>A = \begin{bmatrix} 0 &amp; 1 &amp; 1 &amp; 1 \\ 1 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 1 \\ 1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 1 \\ 1 &amp; 1 &amp; 1 &amp; 0 \end{bmatrix}</math>.</p> <p>б) Применом резултата под а) израчунати детерминанту матрице <math>A</math>.</p>	<p><u>Одговор :</u></p>
<p>6. [8] У зависности од реалног параметра <math>k</math> помоћу Кронекер-Капелијеве теореме дискутовати, а затим и решити систем линеарних алгебарских једначина:</p> $\begin{aligned} x + y - z + t &= 2 \\ 2x + 3y - 3z + 4t &= 3 \\ -2x + (k+1)z + 2t &= k - 5 \\ 2x + y - z &= k^2 + 4 \end{aligned}$	<p><u>Одговор :</u></p>

--	--