

# Matematika 2 - Prvi kolokvijum

03.05.2005.

Kolokvijum (zadaci i teorijska pitanja)

traje 120 minuta.

Ime i prezime, broj indeksa	Nastavna grupa	Sala

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	suma

1. [6] Ispitati konvergenciju reda:  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n^2 + 1}$ .

---

2. [6] Ispitati konvergenciju sledećih redova:

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2n+1}{3n+1} \right)^{\frac{n}{2}}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arccos \frac{1}{\sqrt{n}}$

---

3. [5] Naći opšte rešenje diferencijalne jednačine  $y' = e^{-\frac{y}{x}} + \frac{y}{x}$ ,  $x \neq 0$ .

---

4. [9] Naći opšte rešenje diferencijalne jednačine  $y^v - y^{iv} + y''' - y'' = 1 + e^{2x}$ .

5. [5] Izračunati površinu figure ograničene krivom  $y = \ln x$  i pravama  $x = \frac{1}{2}$ ,  $x = e$  i  $y = 0$ .

---

6. [9] Izračunati integral  $\int \frac{\sqrt[6]{x} + \sqrt{x} + 1}{x(\sqrt[3]{x} + 1)} dx$ .

---

7. [10] Izračunati integral  $\int_0^{\sqrt{3}} x \cdot \arcsin \frac{2x}{1+x^2} dx$ .